

(20 de puncte)

Pentru fiecare dintre itemii de la 1 la 5, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect. Fiecare răspuns corect se notează cu 4 puncte.

1. Indicați o expresie C/C++ care are valoarea 1 dacă și numai dacă numărul natural memorat în variabila întregă `n` este divizibil cu 2 și cu 5.
- a. `!(n%2==1 || n%5!=0)`
- b. `!(n/2==1 && n/5!=0)`
- c. `n%2==0 || !(n%5==0)`
- d. `n/2==0 && !(n/5==0)`
2. Subprogramul `f` este definit alăturat. Indicați valoarea `f(102030)`.
- ```
int f(int x)
{ if(x>20) return 20+f(x/10);
 return 2020;
}
```
- a. 1010
- b. 2020
- c. 2100
- d. 3200
3. Utilizând metoda backtracking, se generează toate numerele impare de cel mult trei cifre din mulțimea `{0, 1, 2, 3}`. Primele 8 soluții generate sunt, în această ordine: 1, 101, 103, 11, 111, 113, 121, 123. Cea de a 12-a soluție generată este:
- a. 13
- b. 31
- c. 133
- d. 201
4. Un arbore cu 10 noduri, numerotate de la 1 la 10, este reprezentat prin vectorul de „tați” `(2, 8, 2, 9, 8, 9, 0, 7, 7, 9)`. Indicați câte dintre nodurile arborelui au exact doi fiu.
- a. 2
- b. 3
- c. 5
- d. 6
5. Un graf neorientat cu 20 de noduri are 100 de muchii. Numărul de muchii ce trebuie adăugate, pentru ca graful obținut să fie complet, este:
- a. 10
- b. 50
- c. 90
- d. 100

(40 de puncte)

- |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p>1. <b>Algoritmul alăturat este reprezentat în pseudocod.</b><br/> S-a notat cu <math>a \div b</math> restul împărțirii numărului natural <math>a</math> la numărul natural nenul <math>b</math> și cu <math>[c]</math> partea întreagă a numărului real <math>c</math>.</p> <p>a. Scrieți valoarea care se afișează în urma executării algoritmului dacă se citește, în această ordine, numerele 12345, 780, 921, 4013, 75, 100214. <b>2020 (6p.)</b></p> <p>b. Dacă pentru <math>n</math> se citește numărul 49, scrieți două seturi de date care pot fi citite în continuare astfel încât, pentru fiecare dintre acestea, în urma executării algoritmului, să se afișeze 49. <b>(6p.)</b><br/> <i>fie a și b cele doua numere cerute:</i><br/> <math>a=0</math> sau <math>a</math> are cifra unităților 9<br/> <math>b</math> are cifra zecilor 4 sau este format dintr-o singură cifra</p> <p>c. Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului dat. <b>(10p.)</b></p> <p>d. Scrieți în pseudocod un algoritm, echivalent cu cel dat, care să conțină o singură instrucțiune repetitivă. <b>(6p.)</b></p> | <pre> citește n (număr natural) p←1; m←0; k←0 cât timp n≠0 execută     citește x (număr natural)     pentru i←1,k execută         x←[x/10]     ■     dacă x≠0 atunci c←x%10     altfel c←n%10     ■     m←c*p+m     n←[n/10]     p←p*10; k←k+1     ■ scrie m </pre> |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

d)

```

citește n (număr natural)
p ← 1; m ← 0; k ← 0
cât timp n ≠ 0 execută
 citește x (număr natural)
 pentru i ← 1, k execută
 x ← [x/10]
 ■
dacă x ≠ 0 atunci c ← x % 10
 altfel c ← n % 10
 ■
 m ← c * p + m
 n ← [n/10]
 p ← p * 10; k ← k + 1
scrie m

```

$$x = x/p;$$

c)

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
 unsigned long p,m,k,n,i,x,c;
 cin>>n;
 p=1;m=0;k=0;
 while(n!=0)
 {
 cin>>x;
 for(i=1;i<=k;i++) x=x/10;
 if(x!=0) c=x%10;
 else c=n%10;
 m=c*p+m;
 n=n/10;
 p=p*10; k=k+1;
 }
 cout<<m;
 return 0;}

```

2. Variabila **t** memorează coordonatele reale (abscisa și ordonata), în planul **xOy**, ale fiecăruia dintre cele trei vârfuri **A**, **B** și **C** ale unui triunghi. Știind că expresiile C/C++ de mai jos au ca valori abscisa vârfului **A** respectiv ordonatele vârfurilor **B** și **C** ale triunghiului, scrieți definiția unei structuri cu eticheta **triunghi**, care permite memorarea datelor precizate, și declarați corespunzător variabila **t**.

**t.A.x      t.B.y      t.C.y** (6p.)

```

struct Punct2D {
 int x;
 int y;
};
typedef struct Punct2D PUNCT;

typedef triunghi {
 PUNCT A;
 PUNCT B;
 PUNCT C;
};

```

3. În secvența alăturată, variabila **a** memorează un șir cu cel mult 100 de caractere, iar variabilele **i** și **k** sunt de tip întreg. Scrieți ce se afișează pe ecran în urma executării secvenței. (6p.)
- ```

k='a'-'A';
strcpy(a,"VICTorie");
cout<<strlen(a); | printf("%d", strlen(a));
for(i=0;i<strlen(a);i++)
    if(a[i]>='A' && a[i]<='Z') a[i]=a[i]+k;
    else a[i]=a[i]-k;
cout<<a; | printf("%s",a);

```

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1. Subprogramul **putere** are trei parametri:

- **n**, prin care primește un număr natural din intervalul $[1, 10^9]$;
- **d** și **p**, prin care furnizează divizorul prim, **d**, care apare la cea mai mare putere, **p**, în descompunerea în factori primi a lui **n**; dacă există mai mulți astfel de divizori se afișează cel mai mare dintre ei.

Scrieți definiția completă a subprogramului.

Exemplu: dacă **n=10780**, atunci, în urma apelului, **d=7** și **p=2** ($10780=2^2 \cdot 5 \cdot 7^2 \cdot 11$).

(10p.)

void putere(unsigned long n, unsigned long &d, unsigned long &p)

```

{
    unsigned long pp,dd;
    p=0,d=2;
    dd=2;
    while(n>1)
    {
        pp=0;
        while(n%dd==0)
            {pp++;n=n/dd;}
        if(p<=pp){d=dd;p=pp;}
        dd=dd+1;
    }
}

```

2. Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură două numere naturale din intervalul $[2, 20]$, **n** și **k**, și construiește în memorie un tablou bidimensional cu **n** linii și **n·k** coloane, numerotate începând cu 1, astfel încât fiecare linie **i** ($i \in [1, n]$) memorează un șir crescător de termeni cu proprietatea că primul termen este **i**, fiecare valoare apare în șir de exact **k** ori și oricare doi termeni alăturați au valori egale sau consecutive.

Programul afișează pe ecran tabloul construit, fiecare linie a tabloului pe câte o linie a ecranului, cu valorile aflate pe aceeași linie separate prin câte un spațiu.

Exemplu: dacă **n=4** și **k=3**, se afișează pe ecran tabloul alăturat.

(10p.)

```

1 1 1 2 2 2 3 3 3 4 4 4
2 2 2 3 3 3 4 4 4 5 5 5
3 3 3 4 4 4 5 5 5 6 6 6
4 4 4 5 5 5 6 6 6 7 7 7
5 5 5 6 6 6 7 7 7 8 8 8

```

```

#include <iostream>
using namespace std;

```

```

int n,k,a[100][400];
int main()
{
    int i,j,p,m;
    cin>>n>>k;
    for(i=1;i<=n;i++)
    {
        j=1;m=i;

```

```

        while(j<=n*k)
        {
            for(p=1;p<=k;p++)
                {a[i][j]=m;j++;}
            m++;
        }
    }

    for(i=1;i<=n;i++)
    {
        for(j=1;j<=n*k;j++)
            cout<<a[i][j]<<' ';
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}

```

3. Se consideră șirul 1, 1, 2, 5, 13, 34, 89, 233, 610
 definit astfel: $f_1=f_2=1$, $f_n=3 \cdot f_{n-1}-f_{n-2}$ (unde n este un număr natural $n \geq 3$):
 Se citesc de la tastatură două numere naturale x și y ($x \leq y \leq 10^9$), valorile a doi termeni aflați pe **poziții consecutive** în șirul dat, și se cere să se scrie în fișierul text **bac.txt**, în ordine descrescătoare, separați prin câte un spațiu, toți termenii șirului care sunt mai mici sau egali cu y . Proiectați un algoritm eficient din punctul de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.
Exemplu: dacă se citesc numerele 89 233
 fișierul **bac.txt** conține numerele 233 89 34 13 5 2 1 1
- a. Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului proiectat. (8p.)
 b. Descrieți în limbaj natural algoritmul proiectat, justificând eficiența acestuia. (2p.)

```

#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;

```

```

ofstream f("bac.txt");
int main()
{
    int x,y,c;
    cin>>x>>y;
    f<<y<<' '<<x<<' ';
    c=3*x-y;
    while(x!=1)
    {
        f<<c<<' ';
        y=x;
        x=c;
        c=3*x-y;
    }
    f<<c;
    f.close();
    return 0;
}

```

Notam $f(n-1)=x$, $f(n)=y$ și $f(n-2)=c$, pentru $n > 2$;
 expresia devine

$y=3*x-c$;
 pe x și y îi cunoaștem; prin urmare, putem să-l aflăm pe c (penultimul termen din șir):
 $c=3*x-y$;

Vom parcurge termenii din șir, plecând de la cel mai mare la cel mai mic având în vedere această metoda.

Algoritmul nu consumă memorie multă deoarece se folosesc puține variabile și nu se folosesc tablouri nu număr variabil de elemente.

Timpul de execuție pentru algoritm este mic deoarece nu avem instrucțiuni repetitive imbricate.

O alta metoda implica folosirea tabourilor unidimensionale. Vom reține într-un tablou unidimensional elementele șirului începând cu cel mai mic până la termenul y apoi vom afișa aceste elemente în fișier.

